

Исманова К.Д., к.т.н.
доцент кафедры "АУТПИТ"

Исомадинов У.М.
преподаватель кафедры "АУТПИТ"

Жаббаров А.М.
преподаватель кафедры "АУТПИТ"

Наманганский инженерно-технологический институт

ИСПОЛЬЗОВАНИЕ СОВРЕМЕННЫХ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ В ЭКОНОМИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОМ МОДЕЛИРОВАНИИ

Аннотация: В данной статье решаются задачи линейного программирования, представляющие математические модели экономических процессов. Компьютерные технологии, в частности электронные таблицы и пакет практических математических программ, использовались для поиска целевых функций и их оптимальных решений и анализа результатов.

Ключевые слова. *Линейное программирование, математическое моделирование, оптимизация, целевая функция, граничные условия, пакет математических программ, задачи максимизации и минимизации.*

USE OF MODERN INFORMATION TECHNOLOGIES IN ECONOMIC AND MATHEMATICAL MODELING

Ismanova K.D., Phd.
Associate Professor of "AMTPIT"

Isomadinov U.M.
teacher of the department "AMTPIT"

Jabbarov A.M.
teacher of the department "AMTPIT"
Namangan Engineering and Technological Institute

Namangan Engineering and Technological Institute

Abstract: This article solves linear programming problems that represent mathematical models of economic processes. Computer technologies, in particular spreadsheets and a package of practical mathematical programs, were used to search for objective functions and their optimal solutions and to analyze the results.

Key words. *Linear programming, mathematical modeling, optimization, objective function, boundary conditions, mathematical software package, maximizing and minimizing problems.*

Одним из приоритетов в реализации экономических реформ является создание малых предприятий, занимающихся переработкой местного сырья и производством конкурентоспособной готовой продукции. Оптимальное принятие решений в условиях неопределенности имеет важное значение для эффективной работы существующих предприятий.

Не секрет, что основные достижения научно-технического прогресса должны применяться к производству и создавать новые возможности для реализации следующих основных задач:

- экономия (экономия времени, сырья, топлива, электроэнергии и т. д.);
- упрощение производственных процессов, упрощение труда;
- изменить содержание и характер труда;
- повышение социально-экономической эффективности производства.

Все вышеперечисленные задачи решаются путем моделирования экономических процессов и поиска оптимальных решений для них.

Предположим, что граничные условия задачи оптимального программирования состоят из системы линейных уравнений и неравенств, то есть задача оптимального программирования задается в следующем виде.

Мы знаем, что целевые функции задач линейного программирования и функции, включенные в условия ограничения, будут состоять из линейных функций искомых неизвестных. Предположим, нам нужно найти минимум или максимум, который удовлетворяет системе предельных уравнений или неравенств функции, зависящей от n переменных, то есть $x = (x_1, x_2, \dots, x_n)$.

Предположим, что m разных видов сырья используется для производства n разных продуктов.

Давайте введем следующие определения:

b_i - доступное количество различного сырья;

A_j ($j = 1..n$) - тип продукта;

a_{ij} - количество потребляемого мной различного сырья на единицу продукции j ;

c_j - доход от различных единиц продукта j .

Если мы обозначим количество продуктов, которые будут произведены x_j , математическая модель задачи будет следующей:

$$x_j \geq 0, \quad j = \overline{1, n} \quad b_i \geq 0, \quad i = \overline{1, m} \quad (1)$$

$$\sum_{i=1}^m a_{ij} x_j \leq A_j, \quad (2)$$

$$F_{max} = \sum_{i=1}^m C_i x_i \quad (3)$$

Первая формула математической модели представляет собой ограничения на искомые количества в экономическом смысле, которые возникают из-за количества ресурсов, необходимости удовлетворения определенных требований, технологических условий и других экономических и технических факторов. Второе условие - это условие, что переменные, то есть искомые величины, не являются отрицательными.

Третий называется целевой функцией и представляет отношение искомой величины.

Есть несколько различных способов решить эту проблему линейного программирования. Однако с помощью современных компьютерных технологий эта проблема очень легко решается.

Для этого рассмотрим следующую проблему, которая сводится к проблеме линейного программирования.

Фабрика производит два вида швейных изделий А и В. В производстве продукции используются три разных типа материалов N1, N2, N3. Склад имеет запас 15 м из материала 1, 16 м из материала 2, 18 м из материала 3. А использует 2м от N1, 1м от N2, 3м от N3 для производства продукта. В-использует 3м от N1, 4м от N2, 0м от N3 для производства продукта. А-прибыль с одной единицы продукта составляет 10 тысяч сумов, В - прибыль от продукта составляет 5 тысяч сумов.

Необходимо составить производственный план, чтобы завод получал максимальную прибыль. Давайте создадим математическую модель задачи:

Следующие шаги используются для решения этой проблемы с помощью инструментов электронных таблиц. На новом листе:

1. В ячейках B1: B3 введите числа 15, 16 и 18 дневной резервной суммы соответственно.
2. В ячейки B11 и C11 вводим нули с начальными значениями неизвестных значений x_1 и x_2 . Эти значения изменятся в результате будущих расчетов.
3. В ячейках B3: C5 указана сумма затрат на сырье для продукта.
4. В ячейки B17:B19 введите формулу для расчета количества потребляемого сырья по типу продукта.
B17=СУММПРОИЗВ(B3:C3;B11:C11),
B18=СУММПРОИЗВ(B4:C4;B11:C11),
B19= СУММПРОИЗВ(B5:C5;B11:C11).
1. В ячейку C13 введите формулу для целевой функции:
=B6*B11+C6*C11.
6. В ячейках C17: C19 вводится количество товара на складе.
7. С помощью команд Данные / Поиск решения откроется диалоговое окно. "Поиск решения". Если функция недоступна в рабочей области, ее можно создать, активировав раздел «Настройки» / «Надстройки» / «Перемещение» / «Поиск решения».
8. Адрес оптимизированной ячейки C13 отображается в поле Оптимизировать целевую функцию. (Рисунок 2).

Параметры поиска решения

Оптимизировать целевую функцию:

До: ☒ Максимум ☐ Минимум ☐ Значения:

Изменяя ячейки переменных:

В соответствии с ограничениями:

Рисунок 1. Пример заполнения окна поискового решения.

Учет граничных условий в разделе Ограничения осуществляется следующим образом. Когда выбран раздел «Добавить», в результирующее окно вводятся диапазоны, указанные в образце, которые указывают, что количество искомого сырья (B17: B19) не превышает количество сырья на складе (C17: C19).

Добавление ограничения

Ссылка на ячейки:

Ограничение:

Рисунок 2. Окно ввода граничного условия.

Все граничные условия в модели случая вводятся в указанном выше порядке. Границы в следующих строках указывают на то, что количества продукта (B11: C11) являются ценными и неотрицательными.

После того, как все параметры заданы, выбирается раздел «Найти решение». Результатом является диалоговое окно «Результаты поиска».

Выберите меню «Сохранить» и нажмите «ОК».

Найденное решение является наиболее оптимальным решением для швейной фабрики. Согласно оптимальному плану выпуска, от первого товара - 6, от второго товара - 1. В результате производства этой продукции фабрика заработает 65 000 сумов.

До недавнего времени пользователь должен был знать не только математику, но и работать на компьютере, знать хотя бы один язык программирования и осваивать сложные вычислительные методы для решения своей математической задачи. Для тех, кто не знает

программирования, есть готовые научные программного обеспечения, электронные руководства и пакеты прикладных программ (ППП), которые предназначены для выполнения типичных расчетов.

Итак, давайте посмотрим на процесс решения проблемы линейного программирования выше с использованием Mathcad.

В Mathcad функции максимизации и минимизации можно использовать для решения задачи линейного программирования. Эти функции обычно записываются следующим образом:

Maximize (F,< список переменных >)

Minimize (F,< список переменных >)

Решение проблемы линейного программирования в Mathcad выполняется в следующие шаги (рисунок 3):

1. После запуска Mathcad записывается целевая функция, $f(x,y)=<\text{представление функции}>$ и вводится начальное значение переменной.

2. Пишется ключевое слово Given.

3. Вводятся системы неравенств и ограничений.

4. Передаются переменные максимизации или минимизации в функцию.

5. Пишется эта переменная и вводится равенство. Результат генерируется в виде вектора.

6. Чтобы вычислить значение целевой функции, например, напишите функция $f(P_0, P_1)$ и введите знак равенства.

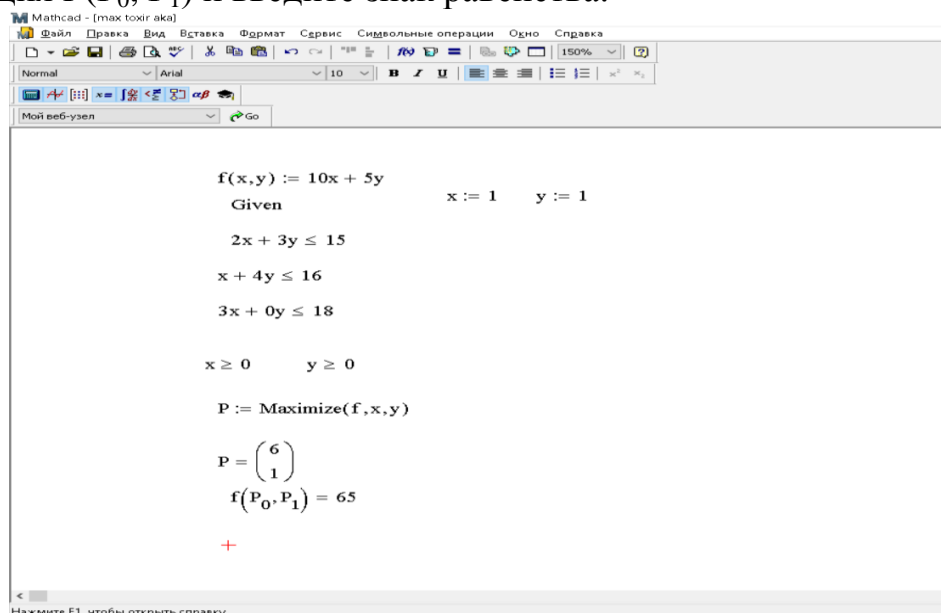


Рисунок 3. Процесс решения задачи линейного программирования в MathCad.

Одним словом, сегодня различные современные технологии программирования используются для решения экономических задач. Все они могут позволить достичь требуемых результатов разными способами. Однако эксперт выбирает один из них в зависимости от содержания проблемы и требований к форме, в которой будут получены результаты. Приведенные

выше результаты показывают, что оба метода одинаково эффективны и могут применяться ко всем типам задач линейного программирования.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ:

1. Ирискулов С. С. и др. Численные методы и алгоритмы. MATHCAD. Учебное пособие //Наманган, Изд-во. Наманган. – 2013
2. Жураев Т. М., Исманова К. Д. Модель и алгоритм трехмерной визуализации численных результатов для поддержки принятия технологических решений //Теория и практика современной науки. – №. 4.