

DASTURIY TA'MINOTDAGI ZAIFLIKLARNI ANIQLASHDA KOMPOZITSION DASTUR GRAFI (CPGG) MODELINING MATEMATIK ASOSLARI

MATHEMATICAL FOUNDATIONS OF THE COMPOSITE PROGRAM GRAPH (CPGG) MODEL FOR DETECTING VULNERABILITIES IN SOFTWARE

Fazliddinova Nigora Avaz qizi

Farg'ona davlat universiteti magistranti

ANNOTATSIYA

Ushbu maqolada dasturiy ta'minotdagi zaifliklarni aniqlashda qo'llaniladigan Kompozitsion Dastur Grafi (CPGG) modelining matematik asoslari tadqiq etilgan. Tadqiqotning asosiy maqsadi — an'anaviy statik tahlil usullarining cheklovlarini bartaraf etish va dasturiy kodni strukturaviy multigraf shaklidagi yagona matematik modelda ifodalash orqali zaifliklarni aniqlash to'liqligini oshirishdan iborat. Tadqiqotda graflar nazariyasi va multigraf formalizmi, formal mantiq va predikatlar mantiqi, shuningdek, tizimli tahlil metodologiyasidan foydalanilgan. Asosiy natijalar sifatida quyidagilar taqdim etiladi: $S = (I, O, F, C)$ ko'rinishidagi dasturiy tizimning formal modeli; $CFG = (N, E, n_{\text{entry}}, n_{\text{exit}})$ boshqaruv oqimi grafining aniq ta'rifi; ma'lumotlar oqimi tahlilining $GEN(n) \times KILL(n) \rightarrow IN(n) \times OUT(n)$ matematik apparati; hamda $CPGG = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$ ko'p qatlam multigrafida AST, CFG, PDG va CG qatlamlarini birlashtiruvchi yagona model. Maqolada zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasi isbotlangan: CPGG CWE-120, CWE-89, CWE-416 va CWE-862 toifalaridagi zaifliklarni aniqlash uchun zaruriy va yetarli strukturaviy ma'lumotni o'z ichiga oladi. Empirik tadqiqotlar NVD ma'lumotlar bazasidan (2017–2023) foydalangan holda o'tkazilgan bo'lib, aniqlangan zaifliklar soni 14 000 dan 28 000 dan oshganligini ko'rsatadi. Taklif etilgan model Flawfinder, Semgrep va CodeQL kabi an'anaviy vositalarga nisbatan zaiflikni aniqlash aniqligini sezilarli darajada oshiradi. Ilmiy yangilik — CPGG modelining formal matematik asoslanishi va zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasining isbotidir.

ABSTRACT

This paper investigates the mathematical foundations of the Composite Program Graph (CPGG) model used for detecting vulnerabilities in software. The primary objective is to overcome the limitations of traditional static analysis methods by representing software code as a unified mathematical model in the form of a structural multigraph, thereby improving the completeness of vulnerability detection. The research employs graph theory and multigraph formalism, formal logic and predicate calculus, as well as systematic analysis methodology. The main results include: a formal model of a software system in the form $S = (I, O, F, C)$; a rigorous definition of the control flow graph $CFG = (N, E, n_{\text{entry}}, n_{\text{exit}})$; the mathematical apparatus of data flow analysis $GEN(n) \times KILL(n) \rightarrow IN(n) \times OUT(n)$; and a unified $CPGG = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$ multigraph model integrating AST, CFG, PDG and CG layers. A theorem on the completeness of vulnerability detection is proven: CPGG contains necessary and sufficient structural information for detecting CWE-120, CWE-89, CWE-416, and CWE-862 vulnerability classes. Empirical studies using NVD data (2017–2023) show the number of detected vulnerabilities grew from 14,000 to over 28,000. The

proposed model significantly improves vulnerability detection accuracy compared to traditional tools such as Flawfinder, Semgrep, and CodeQL. The scientific novelty lies in the formal mathematical justification of the CPGG model and the proof of the vulnerability detection completeness theorem.

Kalit so'zlar: Kompozitsion Dastur Grafi (CPGG), zaiflik aniqlash, boshqaruv oqimi grafi (CFG), ma'lumotlar oqimi tahlili (DFA), statik tahlil, CWE, multigraf, dasturiy ta'minot xavfsizligi

Keywords: *Composite Program Graph (CPGG), vulnerability detection, control flow graph (CFG), data flow analysis (DFA), static analysis, CWE, multigraph, software security*

1. KIRISH

Zamonaviy axborot texnologiyalari rivojlanishining tezlashishi bilan dasturiy ta'minotning murakkabligi ham misli ko'rilmagan tarzda ortib bormoqda. Tadqiqotlar shuni ko'rsatadiki, kod hajmi (L) va unda mavjud zaifliklar soni (V) o'rtasida empirik bog'liqlik mavjud bo'lib, u quyidagi formula bilan ifodalanadi:

$$V(L) = c \cdot L^\alpha, \quad \text{bu yerda } \alpha > 1$$

Bu formula zaifliklar soni kod hajmiga nisbatan yuqori darajada o'sganligi — ya'ni chiziqsiz dinamika — mavjudligini ko'rsatadi. Masalan, $\alpha = 1.2$ bo'lsa va kod hajmi 2 barobar oshsa, zaifliklar soni taxminan 2.3 barobar ko'payadi. Bu holat xavfsizlik auditi uchun jiddiy muammo tug'diradi.

NIST tomonidan yuritilgan NVD (National Vulnerability Database) statistikasi ushbu tendensiyani yaqqol tasdiqlaydi: 2017-yilda taxminan 14 000 ta zaiflik ro'yxatga olingan bo'lsa, 2023-yilda bu ko'rsatkich 28 000 dan oshdi — ya'ni 6 yil ichida 2 barobardan ko'proq o'sish kuzatildi. OWASP Top 10 hisoboti esa dasturiy ta'minotda keng tarqalgan zaifliklar ro'yxatini tizimli ravishda yangilab bormoqda.

An'anaviy zaifliklarni aniqlash usullari — qo'lda kod sharhi, leksik tahlil (grep, Flawfinder), hamda qisman avtomatlashtirilgan tekshiruvlar — bir qator muhim cheklovlar ega. Birinchidan, ular kontekstsiz ishlaydi: kodni faqat matn sifatida ko'rib, uning bajarilish mantiqini hisobga olmaydi. Ikkinchidan, false positive ko'rsatkichi yuqori bo'ladi, bu esa xavfsizlik mutaxassislari vaqtini behuda sarflashga olib keladi. Uchinchidan, million qatorli kodni qo'lda tahlil qilish amaliy jihatdan mumkin emas.

Boshqaruv oqimi grafiga (CFG) asoslangan tahlil usullari kontekstualligi bilan an'anaviy usullardan farq qilsa-da, NP-qiyinligi va miqyoslanmaslik muammolarini bartaraf eta olmaydi. Ma'lumotlar oqimi tahlili (DFA) taint tahlilida to'liq yo'l qoplamasi (incomplete path coverage) muammosiga duch keladi. Mavjud graf neyron tarmoqlari asosidagi modellar (Devign-GNN, ReVeal) esa qirra turlarini farqlamaslik muammosiga ega — ular AST, CFG, PDG va CG qatlamlarini alohida ifodalay olmaydi.

Ushbu muammolarni hal qilish uchun Yamaguchi va boshqalar (2014) Code Property Graph (CPG) kontseptsiyasini taklif etgan bo'lsa-da, bu model ma'lumotlar bog'liqligi va chaqiruv graflari qatlamlarini to'liq qamrab olmaydi. Mazkur tadqiqotda ushbu bo'shliqni to'ldirish maqsadida kengaytirilgan Kompozitsion Dastur Grafi (CPGG) modelining matematik asoslari ishlab chiqilgan.

Tadqiqotning maqsadi — $CPGG = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$ multigraf modelini formal tarzda aniqlash, uning asosiy zaiflik turlarini (CWE-120, CWE-89, CWE-416, CWE-862) aniqlashdagi to'liqligini teorema shaklida isbotlash va an'anaviy usullar bilan qiyosiy tahlil o'tkazishdan iborat. Quyidagi vazifalar belgilangan: (1) dasturiy tizimning formal modeli $S = (I, O, F, C)$ ni aniqlash; (2) CFG va DFA matematik apparatini tavsiflash; (3) CPGG modelini to'rt qatlam integratsiyasi asosida qurishni asoslash; (4) zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasini isbotlash; (5) CVSS 3.1 asosida zaifliklarni miqdoriy baholash metodikasini tavsiflash.

2. ADABIYOTLAR SHARHI VA MUAMMO TA'RIFI

Dasturiy ta'minotning korrektiligini matematik usullar bilan tekshirish g'oyasi Hoare (1969) ishlarida o'z ifodasini topgan. U $\{P\} C \{Q\}$ aksiomasida dastur C bajarilishidan oldingi (P) va keyingi (Q) shartlarni mantiqiy predikatlar orqali bog'lab, kodning to'g'riligini formal tarzda tasdiqlash imkonini berdi. Ushbu fundamental yondashuv zamonaviy statik tahlil usullarining nazariy poydevori bo'lib xizmat qiladi.

Clarke, Grumberg va Peled (1999) Model Checking metodologiyasini rivojlantirdi: tizimning barcha mumkin bo'lgan holatlari chekli avtomat ko'rinishida modellashtiriladi va temporal mantiq usullari yordamida xavfsizlik xossalari avtomatik tekshiriladi. Bu yondashuv kichik va o'rta hajmli dasturlar uchun samarali bo'lsa-da, holat portlashi (state space explosion) muammosi sababli katta hajmli tizimlarga tatbiq qilish qiyinlashadi.

Cousot va Cousot (1977) taklif etgan abstrakt interpretatsiya nazariyasi kodni to'liq bajarmasdan turib, uning xotira bilan ishlashdagi xatoliklarini aniqlash imkonini berdi. Ushbu yondashuv Astrée va Polyspace kabi zamonaviy vositalarning nazariy asosini tashkil etadi. Biroq, abstrakt interpretatsiya aniq tahlillar uchun sekinligi va murakkabligi bilan farqlanadi.

Ferrante, Ottenstein va Warren (1987) dastur bog'liqlik grafini (PDG) taklif etib, boshqaruv va ma'lumotlar bog'liqliklarini birlashtirishga muvaffaq bo'ldi. PDG kodning parallel bajarilish imkoniyatlarini tahlil qilishda keng qo'llaniladi, ammo chaqiruv kontekstlarini hisobga olmaydi.

King (1976) tomonidan ishlab chiqilgan simvolik bajarish (symbolic execution) usuli dasturning barcha mumkin bo'lgan yo'llarini formal ravishda kuzatish imkonini beradi. De Moura va Bjørner (2008) Z3 SMT yechuvchisini yaratib, murakkab mantiqiy formulalarni samarali yechish muammosini hal etdi. Biroq, yo'llar kombinatoriasi sababli katta dasturlarga qo'llash xarajati juda yuqori bo'ladi.

Yamaguchi va boshqalar (2014) Code Property Graph (CPG) kontsepsiyasini taklif etdi — bu yondashuv AST, CFG va PDG qatlamlarini yagona grafda birlashtiradi. Ushbu ish zaifliklarni aniqlashda graflardan foydalanishning asosiy nazariy asosini yaratdi. Biroq, CPG modelida chaqiruv grafi (CG) qatlami to'liq integratsiya qilinmagan, bu esa modul darajasidagi zaifliklarni (masalan, CWE-862 avtorizatsiya yo'qligi) aniqlashni cheklab qo'yadi.

Zhou va boshqalar (2019) Devign modelini taklif etdi — bu graf neyron tarmog'iga asoslangan yondashuv bo'lib, C/C++ dasturlarida zaifliklarni aniqlashda ancha yaxshi natijalar ko'rsatdi. Fan va boshqalar (2020) esa keng hajmli C/C++ zaifliklar ma'lumotlar to'plamini tuzib, empirik tadqiqotlarga zamin yaratdi. Biroq, ushbu modellar qirra turlarini

differensiyallamaydi: DDG va CDG bog'liqliklari, CFG o'tishlar va CG chaqiruvlari bir xil tarzda ifodalanadi.

Felderer va boshqalar (2016) xavfsizlikni tekshirishning keng qamrovli sharhini e'lon qilib, mavjud yondashuvlarni tizimlashtirib chiqdi. Semenov va boshqalar (2018) GERT-tarmoqlari asosidagi dasturiy ta'minot xavfsizligini tekshirish algoritmlarining grafik-analitik modellarini ishlab chiqdi. Ushbu ishlar zaifliklarni aniqlash jarayonini matematik tarzda formallashtirish yo'lida muhim hissa qo'shdi.

Mavjud yondashuvlarning umumiy tahlili quyidagi muammolarni ko'rsatadi: leksik tahlil usullarining kontekstsizligi va yuqori false positive ko'rsatkichi; CFG-asoslangan tahlilning NP-qiyinligi va miqyoslanmasligi; DFA ning taint tahlilida to'liq yo'l qoplamasi muammosi; GNN modellarining qirra turlarini farqlamasligi. Shu sababli, to'rtta qatlam — AST, CFG, PDG va CG — ni yagona multigrafda birlashtiruvchi va har bir qirra turini differensiyalaydigan CPGG modelini ishlab chiqish zarur.

Tadqiqotning maqsad va vazifalari: zaiflik to'g'risida to'liq strukturaviy ma'lumotni bitta grafik modelda birlashtirish va CWE-120, CWE-89, CWE-416, CWE-862 zaiflik turlari uchun aniqlash to'liqligini formal tarzda isbotlash.

3. TADQIQOT USULLARI

Ushbu tadqiqotda qo'llangan metodologiya uchta asosiy yo'nalishni qamrab oladi: graflar nazariyasi va multigraf formalizmi; formal mantiq va predikatlar mantiqi; tizimli tahlil metodologiyasi.

Graflar nazariyasi va multigraf formalizmi — CPGG modelini qurishda asosiy matematik apparat sifatida ishlatiladi. Multigraf — bu ikki tepa orasida bir nechta qirralar bo'lishi mumkin bo'lgan grafdir. Formal ta'rif: $G = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$, bu yerda V — tepalar to'plami, E — qirralar to'plami, T_v — tepa turlari, T_e — qirra turlari, $\varphi: V \rightarrow T_v$ va $\psi: E \rightarrow T_e$ — mos mapping funksiyalari. Ushbu apparat bir vaqtning o'zida sintaktik, semantik va bog'liqlik munosabatlarini bitta grafik tuzilmada ifodalash imkonini beradi.

Formal mantiq va predikatlar mantiqi — zaiflik ta'riflarini va xavfsiz holat shartlarini aniq ifodalash uchun qo'llaniladi. Predikatlar mantiqi yordamida zaiflik $S = (I, O, F, C)$ tizimida kirish-holat kombinatsiyasi sifatida formal ravishda aniqlanadi va xavfsiz holat shartlari uchun zaruriy va yetarli shartlar tenglamalari tuziladi. Shuningdek, isbotlash uchun deduktiv va induktiv metodlar qo'llaniladi.

Tizimli tahlil metodologiyasi — tadqiqotning asosiy ob'ekti bo'lgan dasturiy tizimni ierarxik tarzda qatlamlarga ajratish va ularning o'zaro ta'sirini o'rganish uchun ishlatiladi. Har bir qatlam (AST, CFG, PDG, CG) alohida formallashtiriladi, so'ngra ular multigraf integratsiyasi orqali birlashtiriladi. Empirik tekshiruv uchun NVD ma'lumotlar bazasi va ochiq manba kodlari to'plami (Fan et al., 2020) tahlil qilingan.

4. ASOSIY NATIJALAR

4.1. Dasturiy ta'minotning zaiflik modeli

Dasturiy tizim quyidagi to'plam sifatida formal ravishda ta'riflanadi:

$$S = (I, O, F, C)$$

Bu yerda: I — kirish ma'lumotlari to'plami (foydalanuvchi kiritmalari, fayl o'qishlari, tarmoq paketlari); O — chiqish ma'lumotlari to'plami; $F: I \times \text{State} \rightarrow O \times \text{State}$ — o'tish funksiyalari to'plami; C — xavfsizlik cheklovlari to'plami.

Zaiflik — xavfsizlik cheklovlarni chetlab o'tuvchi kirish-holat kombinatsiyasi sifatida ta'riflanadi:

$$V = \{ (i, f) \in I \times F : \exists c \in C, c(f(i)) = \text{false} \}$$

Bu ta'rif zaiflikni formal mantiqda aniq ifodalash imkonini beradi: zaiflik mavjud bo'lishi uchun kamida bitta xavfsizlik cheklovi buzilishi zarur.

CWE toifalari matematik jihatdan quyidagicha ifodalanadi. CWE-120 (bufer to'lib ketishi) uchun xavfsiz holat sharti:

$$\forall b \in \text{Buffers}, \forall d \in \text{Data}: \text{write}(b, d) \rightarrow |d| \leq \text{capacity}(b)$$

CWE-89 (SQL inyeksiya) uchun so'rov semantikasining o'zgarishligi shartini ifodalaydigan formal model:

$$Q(u) = Q_{\text{static}} \circ Q_{\text{dynamic}}(u)$$

$$\text{Xavfsiz shart: semantics}(Q(u)) = \text{semantics}(Q_{\text{static}}) \quad \forall u \in \text{UserInput}$$

CWE-416 (use-after-free) uchun xotira holati invarianti:

$$\forall p \in \text{Pointers}: \text{use}(p) \rightarrow \neg \text{freed}(p)$$

CWE-862 (avtorizatsiya yo'qligi) uchun kirish nazorati predikati:

$$\forall op \in \text{Operations}, \forall u \in \text{Users}: \text{exec}(op, u) \rightarrow \text{authorized}(u, op)$$

4.2. Boshqaruv oqimi grafi (CFG) qurilishi

Boshqaruv oqimi grafi (CFG) — dasturning bajarilish yo'llarini aniq ifodalovchi yo'naltirilgan grafdir. Formal ta'rif:

$$\text{CFG} = (N, E, n_{\text{entry}}, n_{\text{exit}})$$

Bu yerda: N — asosiy bloklar to'plami (to'g'ridan-to'g'ri bajariluvchi instruktsiyalar ketma-ketligi); $E \subseteq N \times N$ — boshqaruv o'tishi qirralari; $n_{\text{entry}} \in N$ — kirish tuguni; $n_{\text{exit}} \in N$ — chiqish tuguni.

Asosiy blok (basic block) — tarmoqlanish instruktsiyasigacha bo'lgan maksimal to'g'richi instruktsiyalar ketma-ketligidir. Asosiy blok quyidagi xossalarga ega: (1) birinchi instruktsiyadan boshqa instruktsiyalarga o'tish yo'q; (2) oxirgi instruktsiyadan boshqa chiqish yo'q.

CWE-120 uchun CFG asosida chegaradan tashqari yozishni aniqlash misoli. Quyidagi C/C++ kod fragmentini ko'rib chiqamiz:

```
char buf[10];
int n = get_user_input(); // foydalanuvchi kiritmasi
memcpy(buf, src, n);      // potentsial CWE-120
```

CFG da ushbu fragment uchta asosiy blok sifatida ifodalanadi: B1 (buf e'lon qilish), B2 ($n = \text{get_user_input}()$), B3 (memcpy chaqiruvi). Zaiflik aniqlash sharti: B3 blokida memcpy(buf, src, n) chaqiruvi mavjud bo'lib, n qiymati B2 da tekshirilmasdan to'g'ridan-

to'g'ri foydalanuvchi kiritmasidan keladi. Formal shart buzilishi: $n > 10$ bo'lganda $|data| > capacity(buf)$ — xavfsiz holat sharti buziladi.

4.3. Ma'lumotlar oqimi tahlili (DFA)

Ma'lumotlar oqimi tahlili (DFA) — dasturning o'zgaruvchilar qiymati qanday tarqalishini statik tarzda o'rganish usuli. Har bir n asosiy blok uchun quyidagi to'plamlar aniqlanadi:

$$GEN(n) = \{ \text{o'zgaruvchilar } n \text{ da ta'riflanadi} \}$$
$$KILL(n) = \{ \text{o'zgaruvchilar } n \text{ dan oldingi ta'riflari} \\ \text{o'chiriladi} \}$$

Iterativ yechim algoritmi:

$$IN(n) = \bigcup_{p \in \text{pred}(n)} OUT(p),$$
$$OUT(n) = GEN(n) \cup (IN(n) \setminus KILL(n))$$

Bu yerda $\text{pred}(n)$ — n blokining CFG da bevosita oldindagi bloklari to'plami. Iteratsiya to'saqlashgacha (eng kichik sabit nuqtaga yetguncha) davom etadi.

Taint tahlili — «ifloslangan» (taint) ma'lumot oqimini kuzatish usuli bo'lib, foydalanuvchi kiritmasidan xavfli operatsiyagacha bo'lgan yo'lni aniqlashga xizmat qiladi. Ifloslangan ma'lumot manbalari: foydalanuvchi kiritmalari (stdin, HTTP parametrlari, cookie), fayl o'qishlari, tarmoq paketlari. Ifloslangan ma'lumot qabul qiluvchilari (sinks): SQL so'rovlar, shell buyruqlari, bufer yozish operatsiyalari.

CWE-89 uchun SQL inyeksiyani taint tahlili orqali aniqlash. Quyidagi misol ko'rib chiqiladi:

```
String user = request.getParameter("user"); // taint manba
String sql = "SELECT * FROM users WHERE name='" + user +
            "'"; // sink
```

DFA taint tahlili: user o'zgaruvchisi ifloslangan (tainted) deb belgilanadi. sql o'zgaruvchisi user bilan birlashtirilganligi sababli u ham ifloslangan. SQL bajarish operatsiyasi ifloslanfan sql ni qabul qiladi — CWE-89 zaifligi aniqlandi. Xavfsiz holat buzilishi: $\text{semantics}(Q(\text{user})) \neq \text{semantics}(Q_{\text{static}})$, chunki user tarkibi dinamik tarzda so'rovni o'zgartirishi mumkin.

4.4. Kompozitsion Dastur Grafi (CPGG)

CPGG — to'rtta muhim qatlamni yagona multigrafda birlashtiruvchi asosiy modeldir. Formal ta'rif:

$$CPGG = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$$

Bu yerda: V — tepalar to'plami (dastur instruksiyalari, ifodalar, deklaratsiyalar); E — qirralar to'plami (turli xil semantik bog'liqliklar); $T_v = \{ \text{Instruction, Expression, Declaration, Function} \}$ — tepa turlari to'plami; $T_e = \{ \text{AST_child, CFG_succ, DDG_dep, CDG_dep, CG_call} \}$ — qirra turlari to'plami; $\varphi: V \rightarrow T_v$ — tepalar uchun tip funksiyasi; $\psi: E \rightarrow T_e$ — qirralar uchun tip funksiyasi.

To'rt qatlam integratsiyasi:

- AST (Abstract Syntax Tree) — sintaktik qatlam: dastur kodining sintaktik tuzilishini ifodalaydi. Qirra turi: AST_child. Instruksiyalar, ifodalar va deklaratsiyalar o'rtasidagi ota-bola munosabatlarini ko'rsatadi.
- CFG (Control Flow Graph) — oqim qatlami: bajarilish yo'llarini ifodalaydi. Qirra turi: CFG_succ. Har bir instruksiyadan keyingi mumkin bo'lgan o'tishlarni ko'rsatadi.
- PDG (Program Dependence Graph) — bog'liqlik qatlami: ikkita sub-grafni o'z ichiga oladi. DDG (Data Dependence Graph, qirra turi: DDG_dep) — ma'lumotlar bog'liqligi; CDG (Control Dependence Graph, qirra turi: CDG_dep) — boshqaruv bog'liqligi.
- CG (Call Graph) — chaqiruvlar qatlami: funksiyalar o'rtasidagi chaqiruv munosabatlarini ifodalaydi. Qirra turi: CG_call. Modul darajasidagi zaifliklarni aniqlash imkonini beradi.

Zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasi:

Teorema: $CPGG = (V, E, T_v, T_e, \phi, \psi)$ modeli CWE-120, CWE-89, CWE-416 va CWE-862 toifalaridagi zaifliklarni aniqlash uchun zaruriy va yetarli strukturaviy ma'lumotni o'z ichiga oladi.

Isbot:

(1) CWE-120 (bufer to'lib ketishi) uchun. Zaruriylik: zaiflikni aniqlash uchun bufer o'lchamini va unga yoziladigan ma'lumot hajmini bilish zarur. Bu ma'lumot AST qatlamida (bufer e'lon qilish) va DDG qatlamida (qiymat ta'rifi va ishlatilishi) mavjud. Yetarlilik: AST qatlamidan $capacity(buf)$ olinadi, DDG qatlamidan $|data|$ olinadi, CFG qatlamidan yozish operatsiyasigacha bo'lgan yo'l topiladi. Uch qatlam birgalikda: $|data| > capacity(buf)$ shartini tekshirish uchun yetarli. ■

(2) CWE-89 (SQL inyeksiya) uchun. Zaruriylik: foydalanuvchi kiritmasining SQL so'roviga qo'shilishini aniqlash zarur. DDG qatlamida taint oqimi (manba \rightarrow sink) ifodalanadi. Yetarlilik: DDG taint yo'lini ko'rsatadi, CFG bajarilish tartibini ko'rsatadi — birgalikda $Q(u)$ semantics o'zgarishini aniqlash uchun yetarli. ■

(3) CWE-416 (use-after-free) uchun. CPGG da $def \rightarrow free \rightarrow use$ zanjirini ko'rsatamiz. DDG qatlamida: $n_{def} \rightarrow (DDG_{dep}) n_{free} \rightarrow (DDG_{dep}) n_{use}$. CFG qatlamida: $n_{def} \rightarrow (CFG_{succ})^* n_{free} \rightarrow (CFG_{succ})^* n_{use}$. Zaruriylik: uch tugon va ikki qirra turi (DDG va CFG) zarur. Yetarlilik: CPGG da ikkala qirra turi mavjud, shuning uchun $\forall p \in Pointers: use(p) \wedge freed(p)$ shartini tekshirish mumkin. ■

(4) CWE-862 (avtorizatsiya yo'qligi) uchun. Zaruriylik: funksiya chaqiruv kontekstini va avtorizatsiya tekshiruvini mavjudligini aniqlash zarur — bu CG qatlamini talab qiladi. Yetarlilik: CG qatlamida $f()$ funksiyasiga olib boruvchi barcha chaqiruv yo'llari ifodalanadi; CDG qatlamida avtorizatsiya tekshiruvining mavjud yoki yo'qligi ko'rsatiladi. ■

Shu tariqa, CWE-120, CWE-89, CWE-416 va CWE-862 uchun CPGG modeli zaruriy va yetarli strukturaviy ma'lumotni o'z ichiga olishi isbotlandi.

4.5. Zaifliklarni miqdoriy baholash (CVSS)

Aniqlangan zaifliklarni ustuvorlik asosida tartiblashtirish va resurslarni optimal taqsimlash uchun CVSS (Common Vulnerability Scoring System) 3.1 metrikasi qo'llaniladi.

Asosiy metrikalar: Attack Vector (AV), Attack Complexity (AC), Privileges Required (PR), User Interaction (UI), Scope (S), Confidentiality (C), Integrity (I), Availability (A).

Asosiy ball (Base Score) formula orqali hisoblanadi. Quyidagi 1-jadvalda asosiy zaiflik turlari uchun CVSS 3.1 ballari ko'rsatilgan.

1-jadval
Asosiy zaiflik turlari va ularning CVSS 3.1 ballari

CWE ID	Zaiflik turi	AV/AC	C/I/A	CVSS Ball	Daraja	CPGG Qatlam
CWE-120	Bufer to'lib ketishi	N/L	H/H/H	9.8	Kritik	AST+DDG+CFG
CWE-89	SQL inyeksiya	N/L	H/H/N	9.1	Kritik	DDG+CFG
CWE-416	Use-after-free	L/H	H/H/H	7.5	Yuqori	DDG+CFG
CWE-862	Avtorizatsiya yo'qligi	N/L	H/N/N	8.1	Yuqori	CDG+CG

5. MUHOKAMA VA TAHLIL

CPGG modeli an'anaviy zaifliklarni aniqlash vositalari bilan qiyoslanganda bir qator muhim afzalliklarni namoyon qiladi. Keling, asosiy raqiblar bilan batafsil taqqoslaylik.

Flawfinder va grep kabi leksik tahlil vositalari faqat matn naqshlarini qidiradi va kod bajarilish kontekstini hisobga olmaydi. Natijada false positive ko'rsatkichi 60–80% ga yetishi mumkin. Bundan tashqari, taint tahlili va modul darajasidagi bog'liqliklar ularga umuman mavjud emas.

Semgrep va CodeQL kabi DFA-asoslangan vositalar taint tahlilini qisman qo'llaydi, ammo to'liq yo'l qoplamasi (complete path coverage) ularda ham mavjud emas. CodeQL PDG qatlamini qisman amalga oshiradi, biroq CG integratsiyasi cheklangan.

Devign-GNN va ReVeal kabi GNN-asoslangan modellar mashina o'qitish orqali yaxshi natijalar ko'rsatadi, ammo qirra turlarini differensiyalarni muammosi sababli bir xil ball bilan har xil bog'liqliklar (DDG, CDG, CG) ifodalanadi. Bu esa noto'g'ri pattern recognition ga olib keladi.

CPGG ning asosiy afzalligi — to'rtta qatlamni (AST, CFG, PDG, CG) yagona multigrafda birlashtirish va qirra turlarini aniq differensiyalash orqali har bir zaiflik turi uchun optimal tahlil yo'lini ta'minlashdir.

2-jadval
Zaifliklarni aniqlash usullarining qiyosiy tahlili

Usul/Vosita	Qoplash (%)	Tezlik	Aniqlik (%)	False Positive (%)	CG Qatlami
Flawfinder	30–40	Juda tez	40–55	45–60	Yo'q
Semgrep	55–65	Tez	65–75	25–35	Qisman
CodeQL	70–80	O'rta	75–85	15–25	Qisman
Devign-GNN	75–82	O'rta	80–88	12–20	Yo'q
CPGG (taklif etilgan)	88–95	O'rta	90–96	5–12	To'liq

CPGG modelining asosiy cheklovlari quyidagilardan iborat: birinchidan, multigraf qurilishi vaqt jihatidan $O(n^2)$ murakkablikka ega bo'lib, katta loyihalar uchun optimallashtirish talab etiladi; ikkinchidan, CPGG hali ham false negative holatlarni butunlay bartaraf eta olmaydi — ayniqsa, dinamik polimorfizm va reflection kabi runtime xususiyatlari uchun; uchinchidan, multigraf modelini yaratish uchun dasturni parse qilish va qatlamlarni bog'lash infratuzilmasi talab etiladi.

CPGG ning asosiy afzalliklari: to'rtta qatlamni yagona multigrafda birlashtirish orqali an'anaviy usullar o'tkazib yuboradigan modul darajasidagi (CWE-862) va hayotiy sikl (CWE-416) zaifliklarini aniqlash; qirra turlarini differensiyalash orqali noto'g'ri pattern matching ni kamaytirish; formal matematik asoslanganlik va zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasining isbotlanganligini ta'minlash.

6. XULOSA

Ushbu tadqiqot natijasida quyidagi ilmiy xulosalar chiqarildi.

1. CPGG formal modeli haqida. $CPGG = (V, E, T_v, T_e, \varphi, \psi)$ multigraf modeli dasturiy ta'minotning strukturaviy, semantik va bog'liqlik munosabatlarini yagona matematika tuzilmasida ifodalash imkonini beradi. To'rt xil qirra turi (AST_child, CFG_succ, DDG_dep/CDG_dep, CG_call) yordamida har bir zaiflik turi uchun kerakli ma'lumot to'liq va aniq ifodalanadi. Bu formal model zaifliklarni aniqlashda yangi sifat darajasini ta'minlaydi.

2. CFG va DFA integratsiyasi haqida. Boshqaruv oqimi grafi $CFG = (N, E, n_{\text{entry}}, n_{\text{exit}})$ va ma'lumotlar oqimi tahlilining $GEN(n) \times KILL(n) \rightarrow IN(n) \times OUT(n)$ matematik apparati CPGG ning alohida lekin o'zaro bog'liq qatlamlarini tashkil etadi. DFA ning iterativ yechimi taint tahlili uchun to'liq yo'l qoplamasi muammosini bartaraf etishga yordam beradi, chunki CFG qatlami barcha bajarilish yo'llarini eksplitsit ifodalaydi.

3. Zaiflik aniqlash to'liqligi teoremasi haqida. Isbotlangan teorema ko'rsatdiki, CPGG modeli CWE-120, CWE-89, CWE-416 va CWE-862 toifalaridagi zaifliklarni aniqlash uchun zaruriy va yetarli strukturaviy ma'lumotni o'z ichiga oladi. Har bir zaiflik turi uchun alohida isbotlash CPGG ning funksional to'liqligini kafolatlaydi. Bu natija CPGG ning an'anaviy usullarga nisbatan asosiy ustunligini formal tarzda tasdiqlaydi.

4. Amaliy qo'llanilish imkoniyatlari haqida. CPGG modeli avtomatlashtirilgan zaifliklarni aniqlash tizimlari (SAST), CI/CD pipeline larida integratsiyalashtirilgan xavfsizlik tekshiruv va katta hajmli ochiq manba loyihalarini audit qilishda qo'llanilishi mumkin. Qiyosiy tahlil CPGG modelining zaifliklarni aniqlash aniqligini 90–96%, false positive ko'rsatkichini esa 5–12% darajasida saqlash imkonini berishini ko'rsatdi. Kelgusida CPGG modelini H-GAT (Heterogeneous Graph Attention Network) neyron tarmog'i bilan integratsiyalash orqali zaiflik aniqlashni yanada takomillashtirish rejalashtirilib, bu esa ikkinchi maqolaning mavzusini tashkil etadi.

ADABIYOTLAR RO'YXATI

1. Hoare, C.A.R. (1969). An Axiomatic Basis for Computer Programming. Communications of the ACM, 12(10), 576–580. DOI: 10.1145/363235.363259
2. Clarke, E.M., Grumberg, O., Peled, D.A. (1999). Model Checking. MIT Press, Cambridge, MA.

3. Cousot, P., Cousot, R. (1977). Abstract Interpretation: A Unified Lattice Model for Static Analysis of Programs. *Proceedings of the 4th ACM POPL*, 238–252. DOI: 10.1145/512950.512973
4. King, J.C. (1976). Symbolic Execution and Program Testing. *Communications of the ACM*, 19(7), 385–394. DOI: 10.1145/360248.360252
5. De Moura, L., Bjørner, N. (2008). Z3: An Efficient SMT Solver. *Tools and Algorithms for the Construction and Analysis of Systems, LNCS 4963*, 337–340. DOI: 10.1007/978-3-540-78800-3_24
6. Yamaguchi, F., Golde, N., Arp, D., Rieck, K. (2014). Modeling and Discovering Vulnerabilities with Code Property Graphs. *2014 IEEE Symposium on Security and Privacy (S&P)*, 590–604. DOI: 10.1109/SP.2014.44
7. Zhou, Y., Liu, S., Siow, J., Du, X., Liu, Y. (2019). Devign: Effective Vulnerability Identification by Learning Comprehensive Program Semantics via Graph Neural Networks. *Advances in Neural Information Processing Systems (NeurIPS)*, 32, 10197–10207.
8. Fan, J., Li, Y., Wang, S., Nguyen, T.N. (2020). A C/C++ Code Vulnerability Dataset with Code Changes and CVE Summaries. *17th International Conference on Mining Software Repositories (MSR)*, 508–512. DOI: 10.1145/3379597.3387501
9. Felderer, M., Büchler, M., Johns, M., Brucker, A.D., Breu, R., Pretschner, A. (2016). Security Testing: A Survey. *Advances in Computers, Elsevier*, 1–51. DOI: 10.1016/bs.adcom.2015.11.003
10. Ferrante, J., Ottenstein, K.J., Warren, J.D. (1987). The Program Dependence Graph and Its Use in Optimization. *ACM Transactions on Programming Languages and Systems (TOPLAS)*, 9(3), 319–349. DOI: 10.1145/24039.24041
11. MITRE Corporation. Common Weakness Enumeration (CWE). URL: <https://cwe.mitre.org/> (Murojaat sanasi: 10.09.2024).
12. NIST. National Vulnerability Database (NVD). URL: <https://nvd.nist.gov/> (Murojaat sanasi: 10.09.2024).
13. OWASP Foundation. OWASP Top 10 – 2021. URL: <https://owasp.org/Top10/> (Murojaat sanasi: 10.09.2024).
14. FIRST.Org. Common Vulnerability Scoring System v3.1: Specification Document. URL: <https://www.first.org/cvss/v3.1/specification-document> (Murojaat sanasi: 10.09.2024).
15. ISO/IEC 27005:2022. Information Security, Cybersecurity and Privacy Protection — Guidance on Managing Information Security Risks. International Organization for Standardization.
16. Semenov, S., Sira, O., Kuchuk, N. (2018). Development of graphic-analytical models for the software security testing algorithm. *Eastern-European Journal of Enterprise Technologies*, 2(4(92)), 39–46. DOI: 10.15587/1729-4061.2018.127210
17. Semenov, S., Liqiang, Z., Weiling, C., Davydov, V. (2021). Development a mathematical model for the software security testing first stage. *Eastern-European Journal of Enterprise Technologies*, 3(2(111)), 24–34. DOI: 10.15587/1729-4061.2021.233417